

Capítulo 4 Procura e oferta

4.1 A interacção de agentes económicos e a "mão invisível" de Adam Smith

Os agentes económicos tomam decisões com base em critérios de racionalidade. Se cada um fizer o que é melhor para si, promove o interesse de todos a sociedade, "como se fosse guiado por uma mão invisível a atingir um fim que não fazia parte das suas intenções". — Adam Smith.

Mão invisível: cada agente económico procura atingir os seus próprios interesses, fazendo com que a sociedade como um todo figure beneficiada, já que cada um tenta explorar aquilo em que tem vantagem, promovendo a eficiência na utilização de recursos.

Hipótese: há muitos indivíduos tanto do lado da procura como da oferta, cada um agindo individualmente e com a mesma informação.

4.2 Lei da procura

Um consumidor racional não irá adquirir um bem cujo preço ultrapasse a sua disponibilidade a pagar.

Preço de reserva: diferença entre preço de mercado e o máximo que o consumidor estaria disposto a pagar por uma dada quantidade

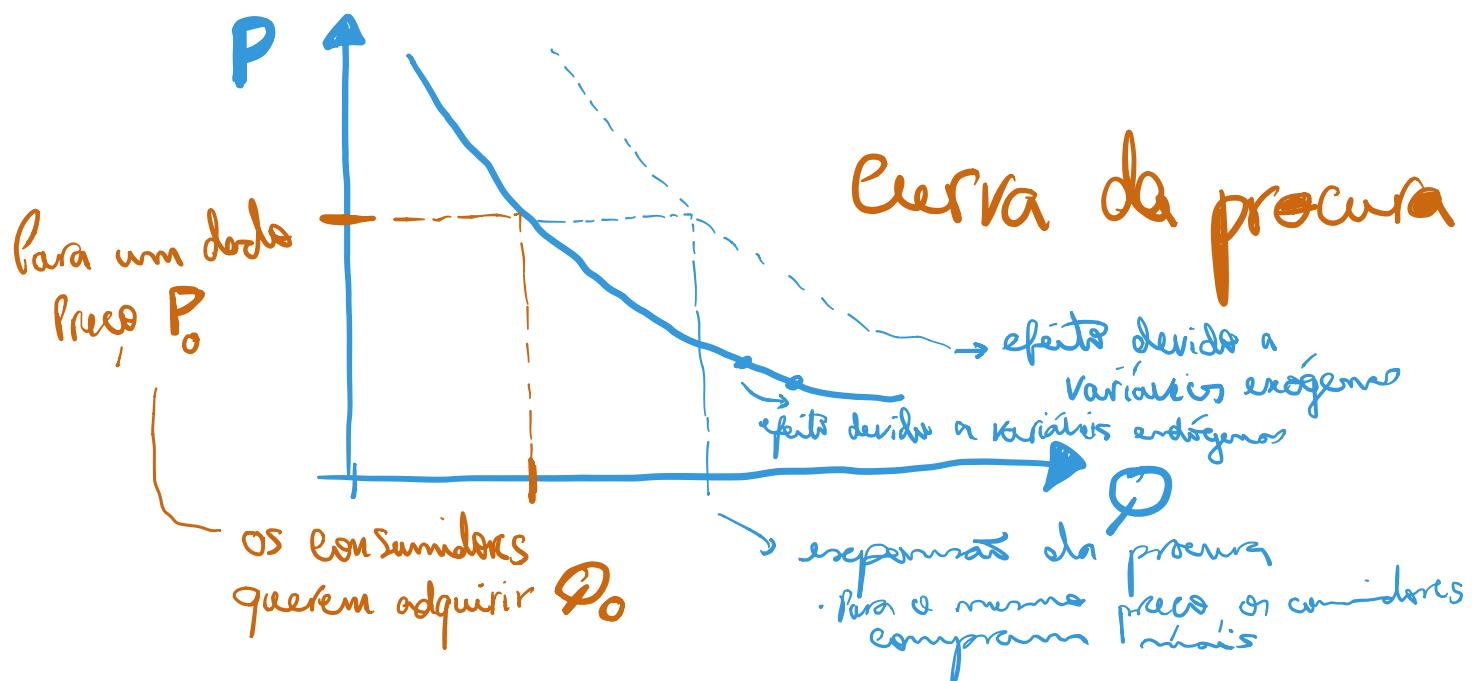
Hipótese: $\text{preço de reserva} \leq 0$, excedente = -preço de reserva ≥ 0

Exemplo: posso pagar 1€ por um lápis
lápis custa 0,5€ \rightarrow Preço de reserva = -0,5€

Quanto menor o excedente, menor consumo/procura há maior o preço de mercado

Lei da procura: quanto maior o preço de um bem, menor a quantidade procurada desse bem.

Função procura: relação entre a quantidade de coisa a adquirir de um dado bem e todos os fatores que determinam as intenções de compra (preço, rendimento, preferências, ...)



Bens normais: Bens cuja procura se expande após um aumento dos rendimentos (ex: jantar)

Bens inferiores: Bens cuja procura contrai após um aumento dos rendimentos (ex: atum emlatado)

Casos onde a lei da procura
não é verificada: bens ordinários

Não é Verificado

bens de Giffen
• bens inferiores

bens de Veblen
• bens de luxo

4.3 Lei da Oferta

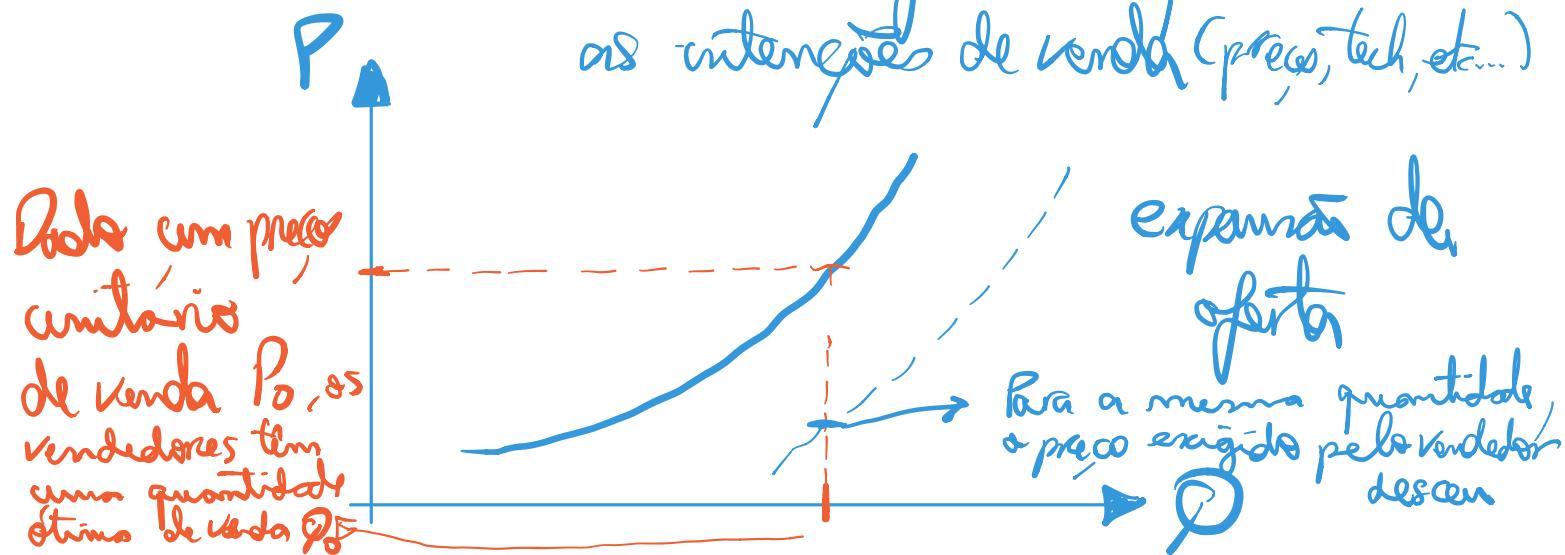
Um produtor não irá vender um bem a um preço que seja inferior ao custo de produção!

Excedente: diferença entre o preço de mercado e o mínimo que o produtor estaria disposto a receber por uma dada quantidade.

Hipótese: O custo marginal de produção é crescente, pois à medida que a quantidade produzida aumenta, aumenta também o custo de oportunidade de utilização dos recursos.

Lei da oferta: quanto maior é o preço de venda, maior é a quantidade oferecida

Função oferta: relação entre quantidades ótimas a oferecer de um determinado bem e todos os fatores que determinam as intenções de venda (preço, tech, etc...)



4.4 Das curvas individuais às curvas de mercado

Procura/oferta de mercado = comportamento coletivo de consumidores/produtores ativos

Procura de mercado = $\sum Q_{\text{procura}}^{\text{individual}}$

Oferta de mercado = $\sum Q_{\text{oferta}}^{\text{individual}}$

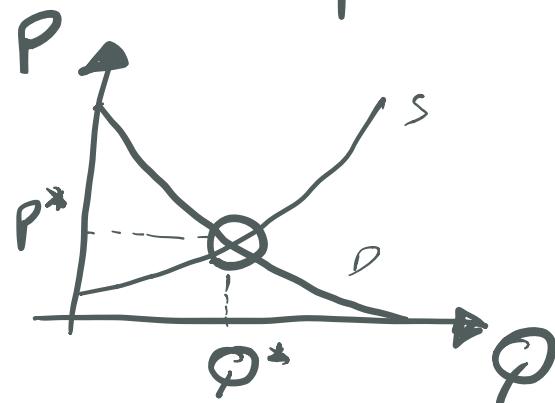
Soma horizontal: $P_{\text{individual}} = P_{\text{coletivo}}$
 $\sum Q_{\text{individual}} = Q_{\text{coletivo}}$

4.5. O equilíbrio do mercado

Equilíbrio: estudo a partir do qual nenhum agente económico tem qualquer benefício decorrente de uma alteração de comportamento.

Quantitativamente, equilíbrio consiste na quantidade de procura (Q_D), oferta (Q_S) e preço (P) tal que

$$\left\{ \begin{array}{l} D: Q_D = f(P), f' < 0 \\ S: Q_S = g(P), g' > 0 \\ Q_D = Q_S \end{array} \right.$$



O equilíbrio é único (aproximação?)

Aproximação feita neste curso:

As curvas da oferta e da procura são retas

$$D: Q_D = a + bP, b < 0$$

$$S: Q_S = c + dP, d > 0$$

$$Q_D = Q_S \rightarrow \text{equilíbrio}$$

Elementos auxiliares: $Q_D = Q_S \Leftrightarrow a + bP = c + dP \Rightarrow P = \frac{c - a}{b - d}$

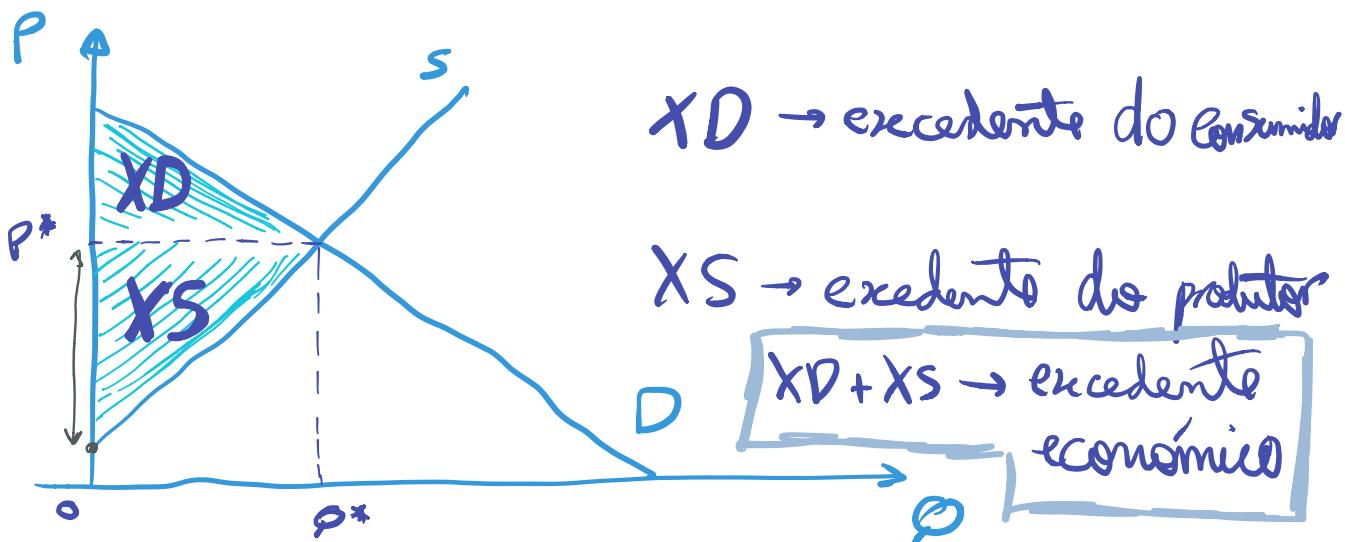
$$Q_D = Q_S = \frac{bc - ad}{b - d}$$

Preço
Quantidade

4.6. Determinantes do excedente económico

- ⇒ Um consumidor nunca compraria uma quantidade a um preço que fosse superior à sua disponibilidade a pagar por essa quantidade
- ⇒ Um produtor nunca venderia uma quantidade a um preço que fosse inferior ao mínimo que esteja disposto a receber para essa

→ Ambos tentam extrair excedentes



para todos os níveis $Q < Q^*$:

- o produtor recebe mais do que o que estava disposto a receber por elas
- o vendedor paga menos do que o que estava disposto a pagar por elas

XD, XS calculados como a área

$$- XS = P^*Q^* - \int_0^{Q^*} P_S(Q) dQ = \int_0^Q [P^* - P_S(Q)] dQ$$

$$- XD = \int_0^{Q^*} P_D(Q) dQ - P^*Q^* = \int_0^{Q^*} [P_D(Q) - P^*] dQ$$

Aproximação linear: $XD = \frac{Q^*}{2} [P_D(Q_0) - P^*]$, $XS = \frac{Q^*}{2} [P^* - P_S(Q=0)]$

$$\text{excedente económico: } XD + XS = Q^* \cdot [P_d(Q=0) - P_s(Q=0)]$$

independente de P^* !! curioso... 2

Um mercado é eficiente se maximizar o excedente económico.

Paradigma neoclássico: o excedente económico é atingido através de duas condições: os agentes económicos são racional e escolhem pontos que maximizam o seu bem estar; os agentes económicos agem de forma independente, na posse de informações completas.

→ intervenções governamentais apenas se justificam para corrigir situações de falha de mercado.

4.7. Alterações ao equilíbrio

Alterações de uma variável exógena \Rightarrow alterações do ponto de equilíbrio



Procura → alterações do excedente económico \Leftrightarrow de equilíbrio

Rendimento disponível, preços de bens relacionados e preferências
costo
custos de produção

Contracção da oferta / procura \Rightarrow diminuição do excedente económico

4. 8. Intervenções sobre o equilíbrio do mercado

Intervenções do estado $\xrightarrow{\text{normalmente}}$ corrigir falhas de mercado
Ou

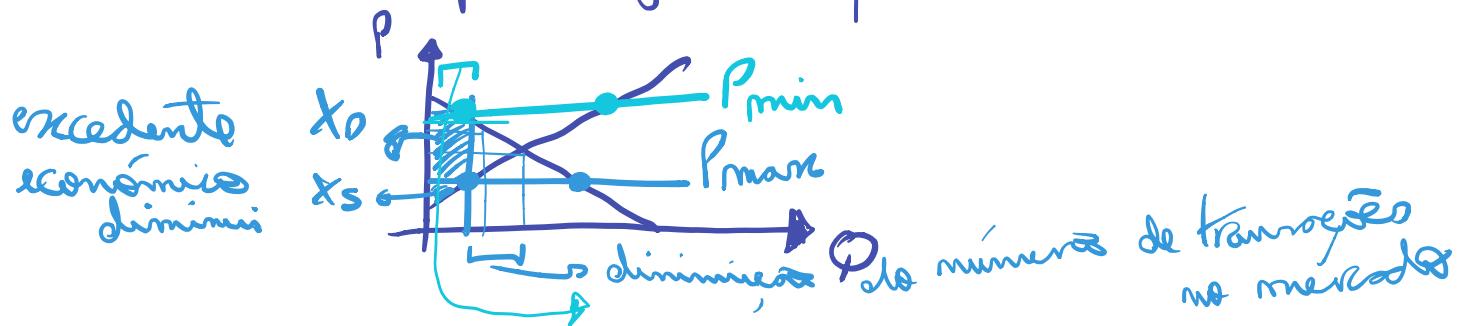
Impostos, Manipulações de preços
(IVA) (salarío mínimo)

Porque intervém o estado?

① \hookrightarrow Preços demasiado baixos \rightarrow garantir subsistência dos agentes da oferta

② \hookrightarrow Preços demasiado altos - consumidores a ser explorados

① Preço máximo será sempre abaixo do equilíbrio, caso contrário não se estabeleceria um preço máximo
 \hookrightarrow excesso de procura: filas de espera, racionalmente, ...



② Preço mínimo será sempre acima do preço de equilíbrio
 \hookrightarrow acumulações de stocks, desperdício de recursos

Livro: Margaelo & Ferreira

Capítulo 5

Elasticiidades

5.1. O que é a elasticidade?

Elasticiade: impacto numa variável motivado pela alteração de outra variável, ambas medidas em percentagem

Quantitativamente: ponto inicial (X_1, Y_1)

ponto final (X_2, Y_2)

elasticidade de Y em relação a X E_{YX}

$$E_{YX} = \frac{\text{Variação \% } Y}{\text{Variação \% } X} = \frac{\frac{Y_2 - Y_1}{Y_1}}{\frac{X_2 - X_1}{X_1}} = \frac{dY}{dX} \frac{X}{Y} = \frac{d \ln Y}{d \ln X}$$

↳ medida da sensibilidade entre diferentes variáveis

5.2. Diferentes tipos de elasticidade

5.2. 1. Elasticidade procura-preço direta

Mede a sensibilidade do consumidor face a variações de preço

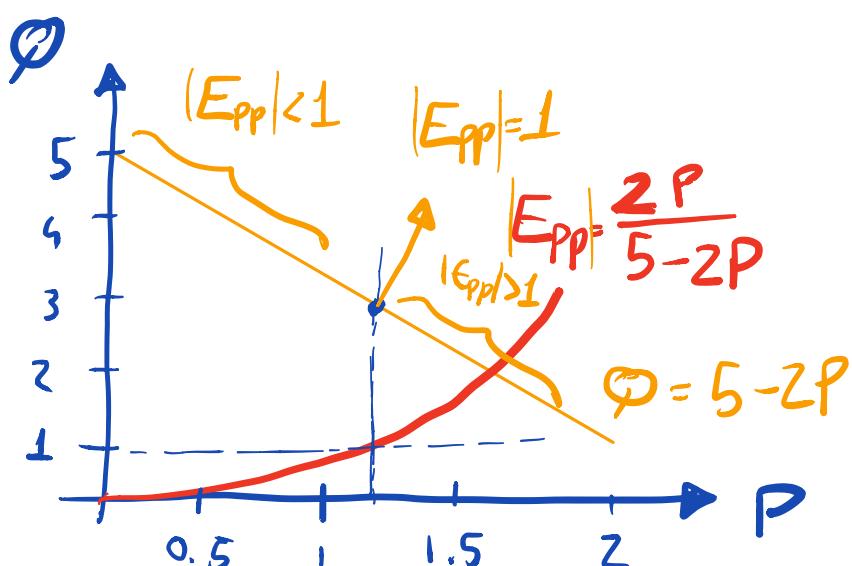
$$E_{pp} = \frac{\partial Q}{\partial P} \frac{P}{Q} = \frac{\partial \ln Q}{\partial \ln P} \quad \text{com } Q = f(P) \text{ a função procura}$$

Aproximação linear: $Q = a - bP \Rightarrow \frac{\partial Q}{\partial P} = -b$

$$\Rightarrow E_{pp} = -b \frac{P}{Q} < 0 \quad \text{elasticidade negativa bem ordinária}$$

$$E_{pp} = -b \frac{P}{a - bP} = E_{pp}(P)$$

a elasticidade não é constante, mesmo na aproximação linear!



(normalmente os eixos estão trocados)

$|E_{pp}| < 1 \rightarrow$ Procura inelástica (rígida)
 $= 1 \rightarrow$ elasticidade unitária
 $> 1 \rightarrow$ Procura elástica

Curva de elasticidade constante

$$E_{pp} = \frac{d\varphi / P}{dP / \varphi} \Leftrightarrow E_{pp} d \ln P = d \ln \varphi$$

$$\Rightarrow \ln P^{\frac{E_{pp}}{P}} = \ln \varphi + C \Rightarrow \boxed{\varphi = e^P P^{\frac{E_{pp}}{P}}}$$

Caso $\varphi = 10 P^{-2} \Rightarrow E_{pp} = \frac{10 \cdot (-2) P^{-1}}{10 P^{-2}} P = -2$

Caso $\varphi = \text{constante} \Rightarrow E_{pp} = 0$

Procura perfeitamente rígida

$P = \text{constante} \Rightarrow E_{pp} = \infty$

Procura perfeitamente elástica

5.1.2. Elasticidade procura - rendimento

Variância percentual na quantidade procurada medida por uma alteração percentual nos rendimentos do consumidor

$$E_R = \frac{\partial \varphi / M}{\partial M / \varphi}, M = \begin{matrix} \text{rendimento} \\ \text{do consumidor} \end{matrix}$$

$E_p <$

>1 : bens normais
 <1 : bens inferiores

5.2.3. Elasticidade procura-preço cruzado

Forma como varia a quantidade de um bem X face a uma variação do preço de outro bem Y

$$E_{XY} = \frac{\partial Q_X}{\partial P_Y} \frac{P_Y}{Q_X}$$

Exemplo: bens substitutos

X = manteiga, Y = margarina

caso $P_X \uparrow, Q_X \downarrow$ e vice-versa $E_{XY} > 0$
 $P_Y \uparrow$

bens independentes: $E_{XY} = 0$
 (filhas + manteiga)

bens complementares

comandos de TV + filhas: $E_{XY} < 0$

5.2.4. Elasticidade preço da oferta

Reação da quantidade oferecida ao aumento percentual do preço do produto

$$E_{PS} = \frac{\partial Q^S}{\partial P} \frac{P}{Q^S}$$

> 1 oferta elástica
 = 1 oferta com elasticidade unitária
 < 1 oferta inelástica

5.3. Elasticidade e despesa total

Existe uma relação entre E_{pp} e despesa total do consumidor nesse bem.

Despesa total $DT_0 = P \cdot Q$ (Preço x Quantidade)

$$\frac{\partial DT_0}{\partial P} = Q + P \frac{\partial Q}{\partial P} = Q(1 + E_{pp})$$

ou seja, $DT \approx P_0 Q + \Delta P Q(1 - |E_{pp}|)$

$$= \underbrace{Q(P_0 + \Delta P)}_{= PQ} - Q \Delta P |E_{pp}|$$

como a elasticidade

$$DT \approx PQ - \Delta P Q |E_{pp}|$$

$\hookrightarrow P_{final}$

é sempre negativa, DT vai ser sempre inferior a P_0

Caso o preço varie, vou gastar mais ou menos que antes? Caso $E_{pp} = -1 \Rightarrow DT$ mantém-se constante!

$$\Delta DT = \Delta P \cdot Q (1 - |E_{pp}|)$$

< 0 para $E_{pp} > 1$
 = 0 para $E_{pp} = 1$ → $\frac{\partial P}{\partial P} = 0$ despesa máxima
 > 0 para $E_{pp} < 1$

$$DT = Q(a - bQ) \rightarrow$$

5.4. Elasticiades, intervenções do estado e impostos

Intervenções do estado num mercado que funcionam bem: exemplo IVA para financiar despesas públicas, impostos indiretos

■ Efeitos económicos da implementação de impostos indiretos

- ① imposto específico - imposto por unidade vendida
(independente do preço): Imposto sobre automóveis
- ② imposto ad valorem - aplicado através de uma taxa sobre o preço sem imposto: IVA

$$\text{Preço ao consumidor} = \text{Preço arreadado pelo produtor} + \text{imposto}$$

$P_d \downarrow$ 'Produtor' $\downarrow P_s$ $\rightarrow I$

$$I_{\text{específico}} = T \text{ (valor fixo)}, I_{\text{ad valorem}} = tP_s$$

$$I_{\text{misto}} = T + tP_s$$

→ cálculos do equilíbrio do mercado devem ter isto em conta:

$$\left\{ \begin{array}{l} D: Q_d = f(P_d) \quad f' < 0 \\ S: Q_s = g(P_s) \quad g' > 0 \\ Q_d = Q_s \\ P_d = P_s + I \end{array} \right.$$

O imposto, por forçar reduzir a quantidade de transações, recai em ambos os lados do mercado e altera as decisões de compra e venda

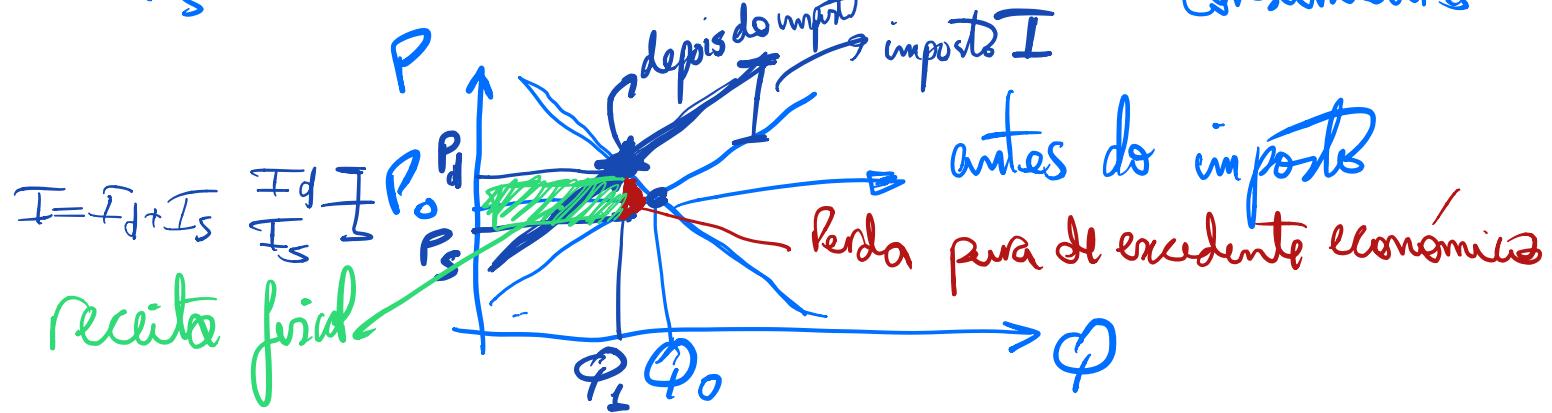
↳ Impostos indiretos são distorcionários

igualdade

$$\frac{I_d}{I_s} = \frac{E_{ps}}{|E_{pp}|}$$

I_d = valor do imposto que recai sobre os produtores

I_s = " " " " " " " " " " consumidores



$$\begin{array}{l}
 P_d = P_s + I \\
 \left\{ \begin{array}{l} Q_{S_0} = a + b P_o \\ Q_{D_0} = c - d P_o \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} Q_{S_1} = a + b P_d \\ Q_{D_1} = c + I - d P_d \end{array} \right. \\
 \left\{ \begin{array}{l} I_d = P_d - P_o \\ I_s = P_o - P_s \end{array} \right. \quad P_o = \frac{c - a}{b + d}, \quad P_d = \frac{c + I - a}{b + d}
 \end{array}$$

Perda de excedente devido à intervenção do Estado
 \Rightarrow perda pura do imposto

③ Subsídios

As ser atribuídos um subsídio, aos olhos do consumidor, cada unidade de produto fico mais barata num montante idêntico ao subsídio.

Pespesa do Estado - perda pura de política

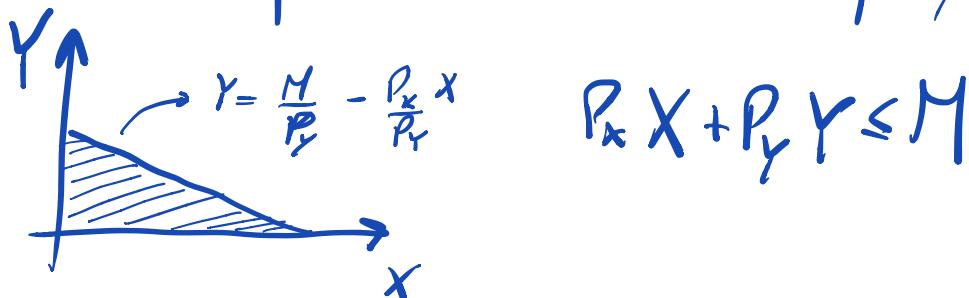
6. Teoria do consumidor

6.1. As possibilidades de consumo e a restrição orçamental

M = orçamento disponível para consumo

X → quantidade comprada de um bem X a preço P_X

Y → quantidade comprada de um bem Y a preço P_Y



$$max(Y) = M/P_Y, \text{ quando } X=0$$

Para m bens: $\sum_m P_m X_m = M$, (ou seja o consumidor não gasta tudo)

6.2. Preço relativo de um bem

Desvio da restrição orçamental $\frac{P_X}{P_Y}$ = Preço relativo do valor de troca \downarrow do bem X (em relação a Y)

Paradoxo do valor de Adam Smith

As coisas que têm maior valor de uso têm pouco valor de troca, e vice-versa.

Valor de uso = valor atribuído pelo consumidor a mais uma unidade de um bem

6.3. Axiomatização de preferências e as curvas de indiferença

Dois cabazes de consumo (ou bens X e Y) dizem-se indiferentes se derem ao consumidor a mesma satisfação de consumo. O conjunto de cabazes indiferentes entre si chama-se curva de indiferença.

Axiomas para a construção teórica de preferências de consumo

Desejabilidade (ou não saciedade)

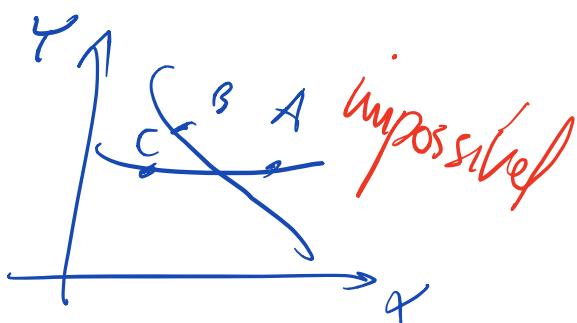
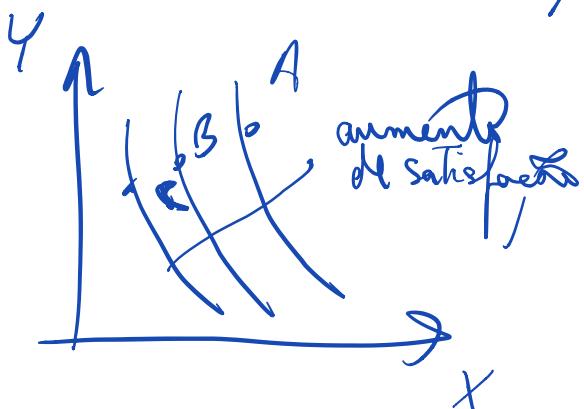
mais consumo dá mais satisfação

Completaude

em qualquer ponto do espaço existe um cabaz que pertence a uma curva de indiferença (todos os cabazes são ordenáveis)

Transitividade

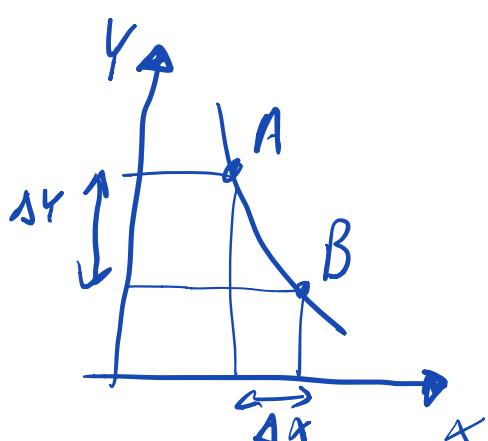
diferentes curvas de indiferença não se cruzam → caso A seja preferido a B e B a C, então A é preferido a C



3 hipóteses

- O espaço de consumo é contínuo
- Os consumidores são independentes entre si
- não existe inerteza associada aos preços ou aos rendimentos

6.4. Taxa marginal de substituição



$$TMS = \frac{\Delta Y}{\Delta X} = -\frac{\partial Y}{\partial X}$$

- Taxa à qual o consumidor está disposto a trocar o bem Y por X com a mesma satisfação

Quanto maior a disponibilidade de um bem, menor o valor que o consumidor atribui a uma unidade adicional



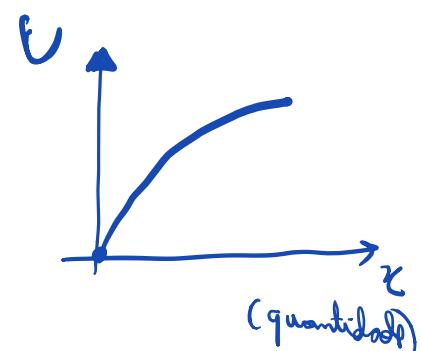
também é decrescente com X , tal como $V(X)$

6.5. Curvas de indiferença e funções utilidade

■ grau de satisfação = utilidade, decrescente com a quantidade até ao ponto de saciedade

- Função utilidade $U(x)$

$$\begin{aligned} U(x) &\geq 0 \\ U'(x) &\geq 0 \\ U''(x) &< 0 \end{aligned}$$



Utilidade marginal = $\frac{dU(x)}{dx} \geq 0$ 1ª lei de Gossen
 $\Rightarrow UM(x)$

Para vários bens $U = U(x_1, x_2, \dots)$, $\frac{\partial U}{\partial x_i} \geq 0$, $\frac{\partial^2 U}{\partial (x_i)^2} < 0$

exemplo: $U(x, y) = x^{0,5} y^{0,5}$, $U(x, y) = \log(xy)$

Função de Cobb-Douglas $U(x, y) = cx^a y^b$

abordagem ordinal: valor de U não interessa, apenas $U_1/U_2 \geq 1$
 cardinal: valor de U interessa

Curva de indiferença: $dU=0 = \frac{\partial U}{\partial x} dx + \frac{\partial U}{\partial y} dy$

$$\Rightarrow -\frac{dy}{dx} = \frac{\partial U / \partial x}{\partial U / \partial y} = TMS_{xy}$$

6.6. Escolha ótima

Dada uma restrição orçamentar, que cabaça representa uma escolha ótima do consumidor?

Cabaça de maior utilidade

$$\Delta U=0 \Rightarrow TMS_{xy} = \frac{\frac{\partial U}{\partial x}}{\frac{\partial U}{\partial y}} = \frac{U_m g_x}{U_m g_y} = \frac{P_x}{P_y} \xrightarrow{\text{Price}}$$

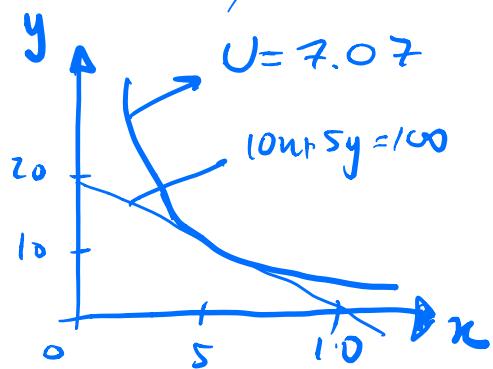
2ª lei de Gossen

ou $\frac{dU(x, y(x))}{dx} = 0, \quad y(x) \text{ dado pela restrição orçamental}$

Exemplo: $U = x^{0,5}y^{0,5}$, Preço de $x = 10$

Orcamento = 100, Preço de $y = 5$

- $10x + 5y = 100$
- $U_{avg} x = 0,5 x^{-0,5} y^{0,5}$
- $U_{avg} y = 0,5 x^{0,5} y^{-0,5}$



$$\frac{U_{avg} x}{U_{avg} y} = \frac{P_x}{P_y} \Rightarrow \frac{y}{x} = \frac{10}{5} \Rightarrow \boxed{y = 2x}$$

$$\boxed{\begin{array}{l} x = 5 \\ y = 10 \end{array}} \quad \text{④ } 10x + 5y = 100$$

$$U(x, y_{(n)}) = x^{0,5}(20 - 2n)^{0,5} = \sqrt{2} x^{0,5} (10 - n)^{0,5}$$

$$\frac{dU}{dx} = \frac{\sqrt{2} 2(5-n)}{\sqrt{10-n}} = 0 \Rightarrow n = 5 \quad \Rightarrow U(x, y_{(n)}) = \sqrt{2} \cdot 5 = 7.07$$

Caso geral $\left\{ \begin{array}{l} P_x x + P_y y = M \\ U(x, y) = c \cdot x^a \cdot y^b \end{array} \right.$

$$y(x) = \frac{M}{P_y} - \frac{P_x}{P_y} x, \quad U(x, y(x)) = \frac{cM^b}{P_y^b} x^a \left(1 - \frac{P_x}{M} x\right)^b$$

$$U' = \frac{cM^b}{P_y^b} x^{a-1} \left(1 - \frac{P_x}{M} x\right)^{b-1} \left[a \left(1 - \frac{P_x}{M} x\right) - \frac{P_x}{M} b x \right] = 0$$

Caso $a < 1, b < 1 \Rightarrow \boxed{x = \frac{M}{P_x} \frac{a}{a+b}} \quad \boxed{y = \frac{M}{P_y} \frac{b}{a+b}}$

$$U_{mgx} = \frac{\partial U}{\partial x} = \alpha \frac{M_x^{a-1}}{P_x^{a-1}} \frac{Q}{(a+b)^{a-1}} \frac{M_y^b}{P_y^b} \frac{b}{(a+b)^b}$$

$$U_{mgy} = \frac{\partial U}{\partial y} = \beta \frac{M_y^b}{P_y^b} \frac{a}{(a+b)^a} \frac{b M_x^{a-1}}{P_x^{a-1}} \frac{b}{(a+b)^{a-1}}$$

⋮

$$\frac{U_{mgx}}{U_{mgy}} = \frac{P_x}{P_y}$$

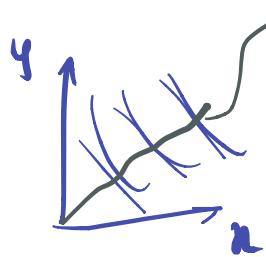
P.E.D.

2º li. de Gossen provada!

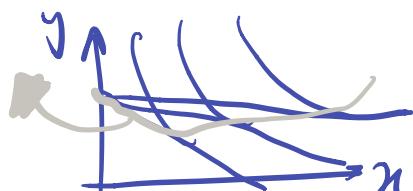
Intuições: O consumidor está disposto a trocar um bem pelo outro à mesma taxa de troca que se observa no mercado

6.7. Análise do estatuto comparado: efeitos de alterações de preço e de rendimento

escolha ótima de $y(x)$ para diferentes níveis de rendimento
= via de expansão de rendimento = linha consumo-rendimento

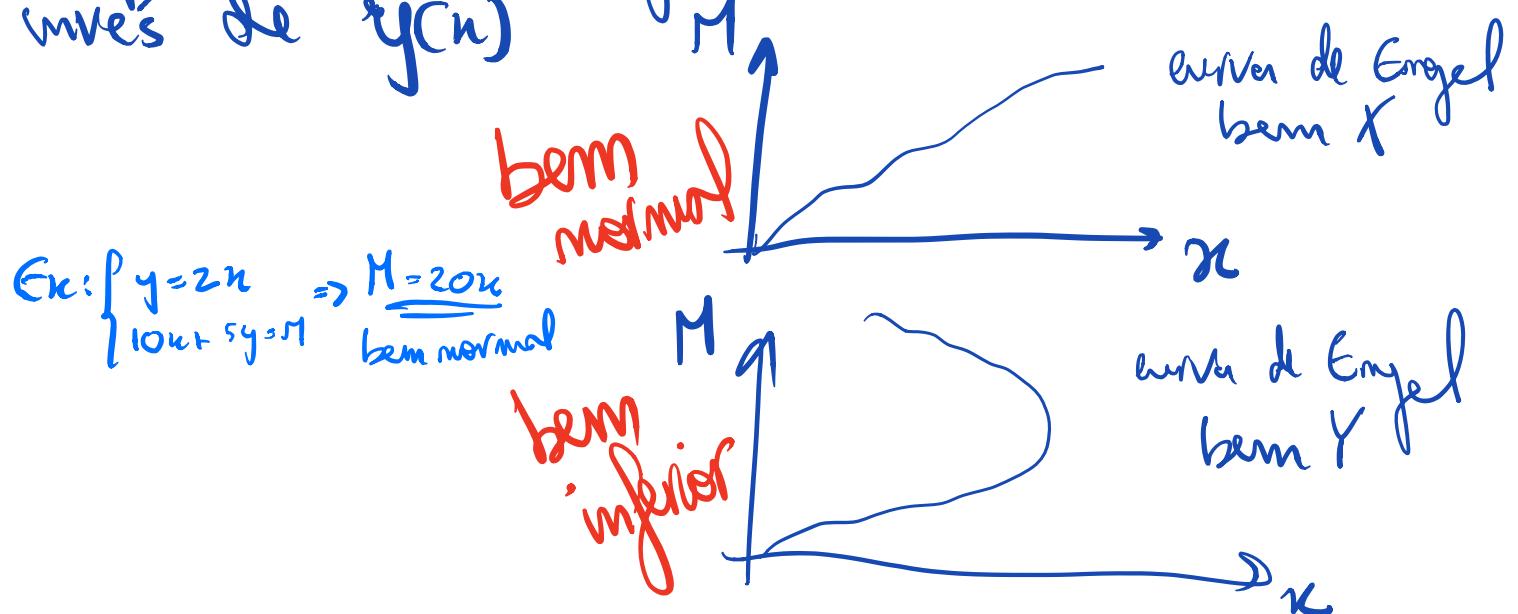


Via preço-consumo
(offercurve)



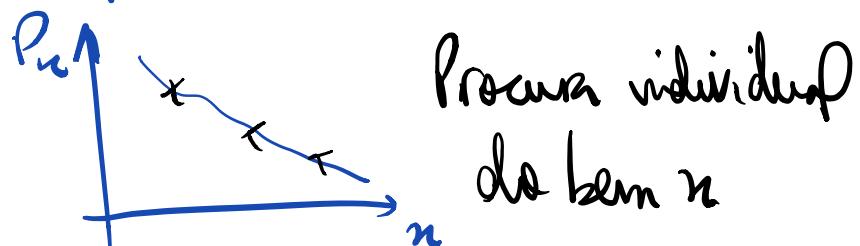
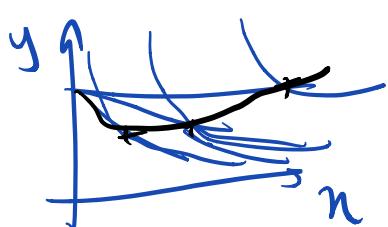
6.8. Curva de Engel: bens normais e bens superiores

Representar $M(n)$ para escolha ótima ao invés de $y(n)$



6.9. A curva da procura individual

Representar $P_n(x)$, curva preço-consumo (offer curve)



$$\text{Ex: } \begin{cases} y = \frac{xP_n}{5} \\ P_n x + 5y = 100 \end{cases} \Rightarrow P_n = \frac{50}{x}$$

$$x = \frac{50}{P_n} \Rightarrow \begin{matrix} P_n \uparrow \\ x \downarrow \end{matrix}$$

6.10. Efeitos substituição e efeito rendimento

aumento do preço $\Delta P_x \rightarrow$ diminuição da quantidade consumida Δx

$$\Delta x = ES + ER$$

efeito substituição ↗ efeito rendimento ↘

$$Ex \quad \begin{cases} y = 2x \\ 10u + Sy = 100 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 5 \\ y = 10 \end{cases}$$

$$U = \sqrt{xy} = u^{0,5} y^{0,5} \Rightarrow y = \frac{50}{x}$$

curva da indiferença

$$\text{Caso } P_x = 15 \Rightarrow \begin{cases} y = 3x \\ 15u + Sy = 100 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 3,33 \\ y = 10 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 3x \\ y = \frac{50}{x} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 4,08 \\ y = 12,24 \end{cases}$$

Substituição

Cobrar indiferente à escolha ótima inicial e ótima com os novos preços

↙ Consumidor não sente de substituição

efeito de substituição Hicksiano

$$ES = \Delta x_s = 4,08 - 5 = -0,92 //$$

$$\Delta x = 3,33 - 5 = -1,67 // \Rightarrow ER = 3,33 - 4,08 = -0,75 //$$

efeito de substituição à Slutsky

encontrar ponto ótimo cuja despesa do consumo é igual

a despesa de consumo dos bens inicial pagando os
mimos preços.

$$\text{com } p_x = 3, \begin{matrix} n=5 \\ y=0 \end{matrix} \Rightarrow M=125 \quad \left\{ \begin{array}{l} y=3x \\ 15x+5y=125 \end{array} \right. \Rightarrow x=4.166$$

$$ES = \Delta y = 4.166 - 5 = -0.833 \Rightarrow ER = -0.833$$

Livro: Manguito & Ferreira

Capítulo 2

A escolha e o custo de oportunidade

2.1. A escassez e o custo da escolha

"A vida, num mundo de escassez, leva a que todos os agentes económicos tenham de fazer escolhas" → estudo de Economia como ciéncia

Milton Friedman: "there is no such thing as a free lunch"

2.2

Custo de oportunidade: Valor da melhor alternativa rejeitada
= excedente na melhor alternativa
+ despesa associada à escolha efectuada

2.3. O valor de uma escolha e o conceito de benefício marginal

- Benefício bruto = disponibilidade a pagar
(consumo)
- Benefício bruto = receita da venda
(produção)

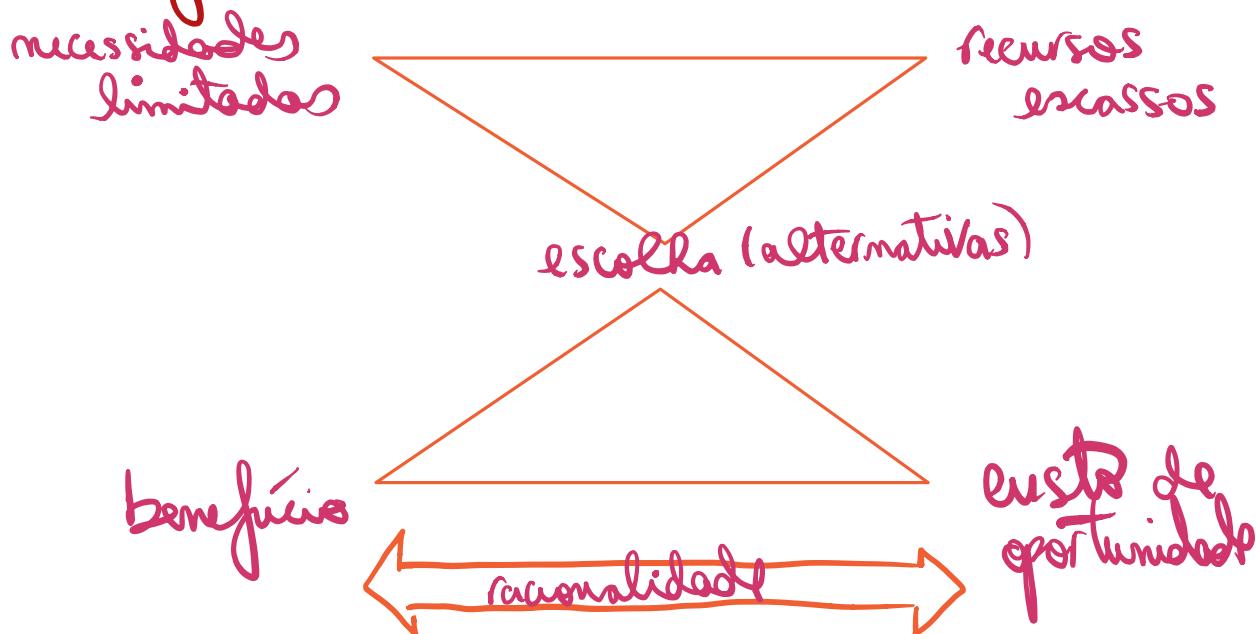
- Benefício marginal = o acréscimo de bem-estar benefícios adicionais de uma escolha em relação a outra

Ex: emprego atual = 1000€/mês / benefícios brutos
 novo emprego = 1200€/mês / benefício marginal = 200€/mês

2.4. A tomada de decisões racionais

Decisão racional: decisão em que os benefícios marginais são maiores ou iguais aos custos marginais

Triângulo da economia e a rationalidade



Três critérios de escolha racional

$$C_{marg\ A} < B_{marg\ A} \Leftrightarrow C_{marg\ B} > B_{marg\ B}$$

Custo de oportunidade $A <$ Benefício bruto A

Excedente $A <$ Excedente B

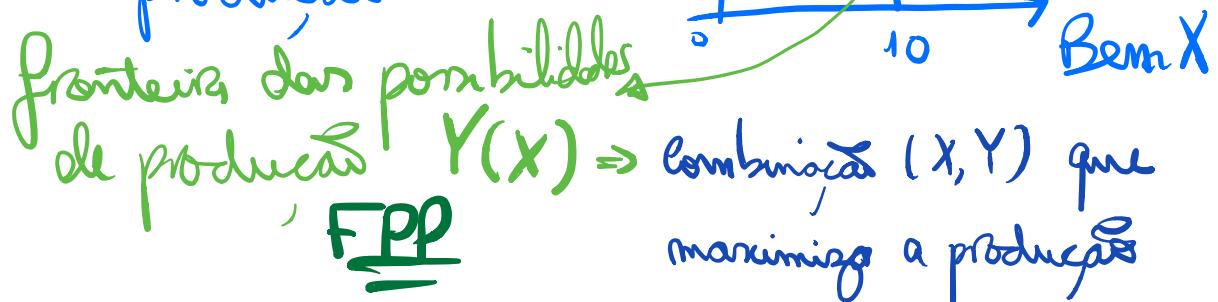
Capítulo 3

Fronteira das possibilidades de produção

3.1. Do conceito de possibilidades de produção à fronteira das possibilidades de produção

Economia que só produz dois bens: X e Y

Diferentes possibilidades de produção



FPP

Eficiência de Pareto: economia em situações de pleno emprego
 (mas desempregos $\neq 0$, apenas usando recursos da maneira mais eficiente possível)

3.2. Custo de oportunidade na FPP

CO: custo de oportunidade
 aplicado à FPP $\Rightarrow CO = -\frac{\partial Y}{\partial X} = TMT_{YX}$

quantidade que uma economia está disposta a desistir de um determinado bem para a transformar em mais uma unidade do outro bem, no pressuposto de se continuar a utilizar os recursos da forma mais eficiente possível.

(taxa marginal de Transformações de Y em X)

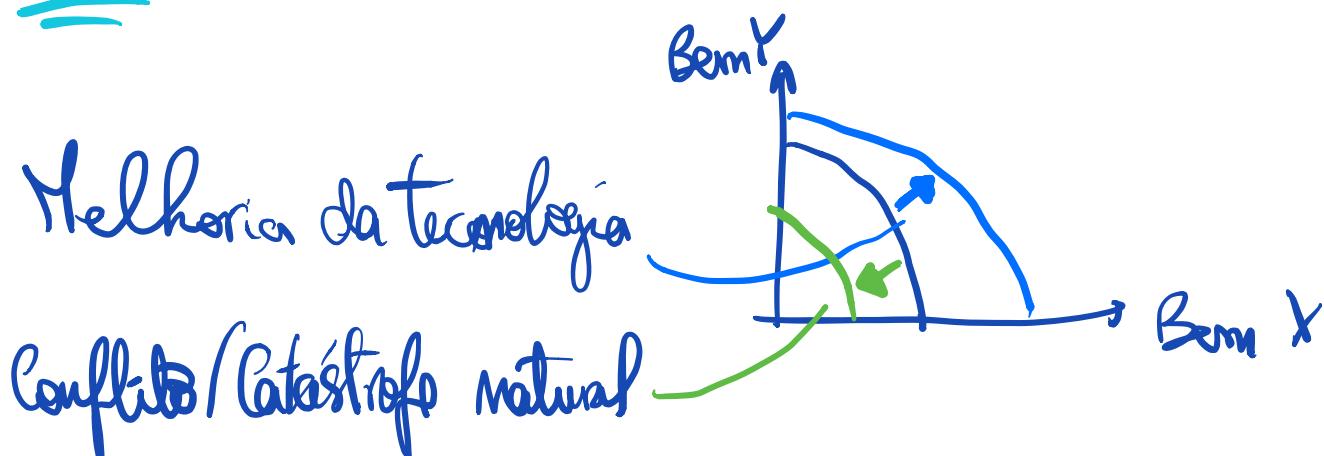
caso FPP seja $F(X, Y) = 0 \Rightarrow \frac{\partial Y}{\partial X} = \frac{\frac{\partial F}{\partial X}}{\frac{\partial F}{\partial Y}}$

3.3. Pontos abaixo e acima da FPP

Qualquer ponto fora da FPP é um ponto onde não se verifica

a utilização eficiente dos recursos, sendo possível produzir mais de um bem sem que se abdique de qualquer quantitativo do outro.

3.4. A dinâmica da FPP



Capítulo 7

Teoria do produtor na óptica da produção

7.1. A função de produção e os fatores produtivos

As empresas são organizações, cujo objetivo é a obtenção de lucro através da venda de bens ou serviços que podem ser por si produzidos.

inputs → empresa → outputs

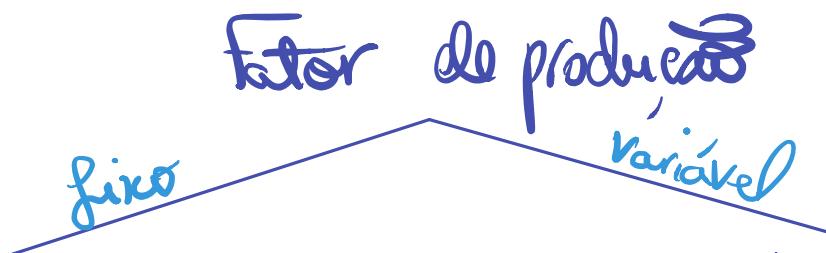
fatores de produção
(materias-primas, máquinas,
equipamentos, instalações)

Produção (quantidade de factor) = função de Produção

Hipótese: empresas atuam de forma eficiente

- Q = produto
- A = nível tecnológico
- K = factor Capital
- L = trabalho

$$Q = f(A, K, L) \quad (\text{Pode variar ao longo do tempo})$$



alteração da quantidade demandada
ex: equipamentos adquiridos

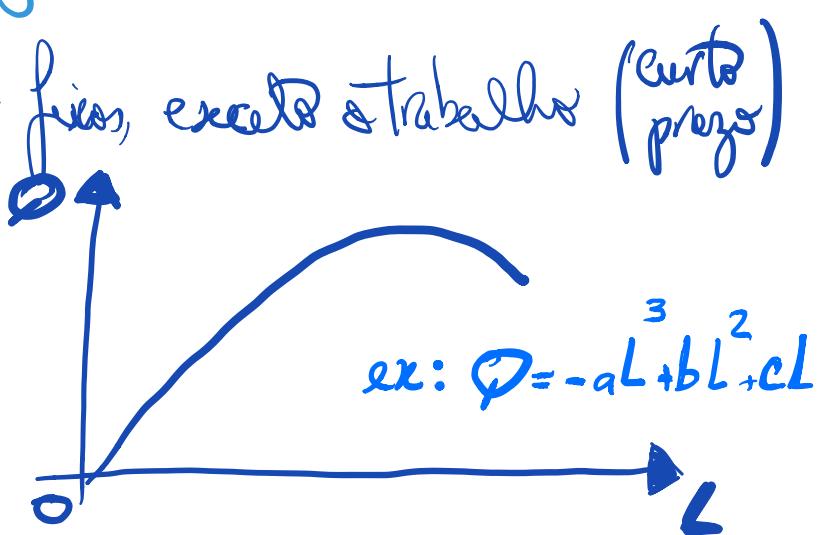
quantidade utilizada
altera-se rapidamente

↑ nível de Produção ↑ fator de Produção

F.Z. Produto total, marginal e médio

Hipótese: fatores de produção são fixos, exceto o trabalho (custo prego)

Qual a relação entre
número de unidades de
trabalho e quantidade produzida?



Produto médio: produto por unidade de fator (trabalho)

$$PM = \frac{\text{Produto}}{\text{Quantidade de fator}}$$

$$PM_L = Q/L$$

Produto marginal: variação da quantidade produzida ao se utilizar mais uma unidade de fator (trabalho)

$$Pmg = \Delta \text{Produto} / \Delta \text{Quantidade de fator}$$

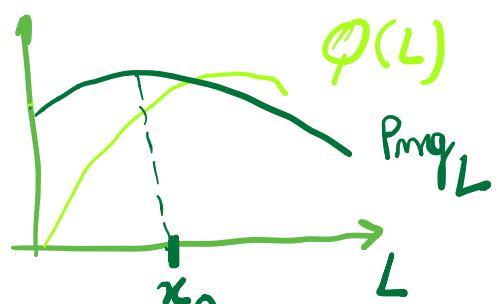
$$Pmg_L = \frac{\partial Q}{\partial L}$$

ex: $Q = -aL^3 + bL^2 + cL$

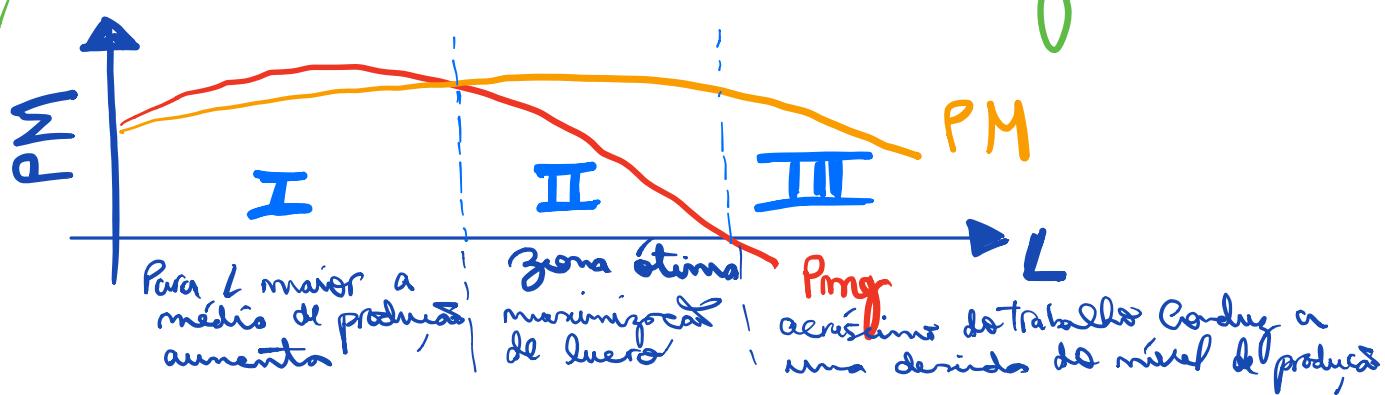
$$PM_L = -aL^2 + bL + c, Pmg_L = -3aL^2 + 2bL + c$$

Lei dos rendimentos marginais decrescentes

$$\exists x_0: \forall x > x_0, \frac{\partial Pmg_L}{\partial L} < 0$$



à medida que se aumenta a quantidade de um fator, a produção aumenta mas a um ritmo cada vez menor



7.3. A decisão ótima do produtor com um fator variável

Benefício da contratação da última unidade de trabalho = $P \cdot P_{marg} L$

Salário (w_{marg}) = ω
custo da contratação

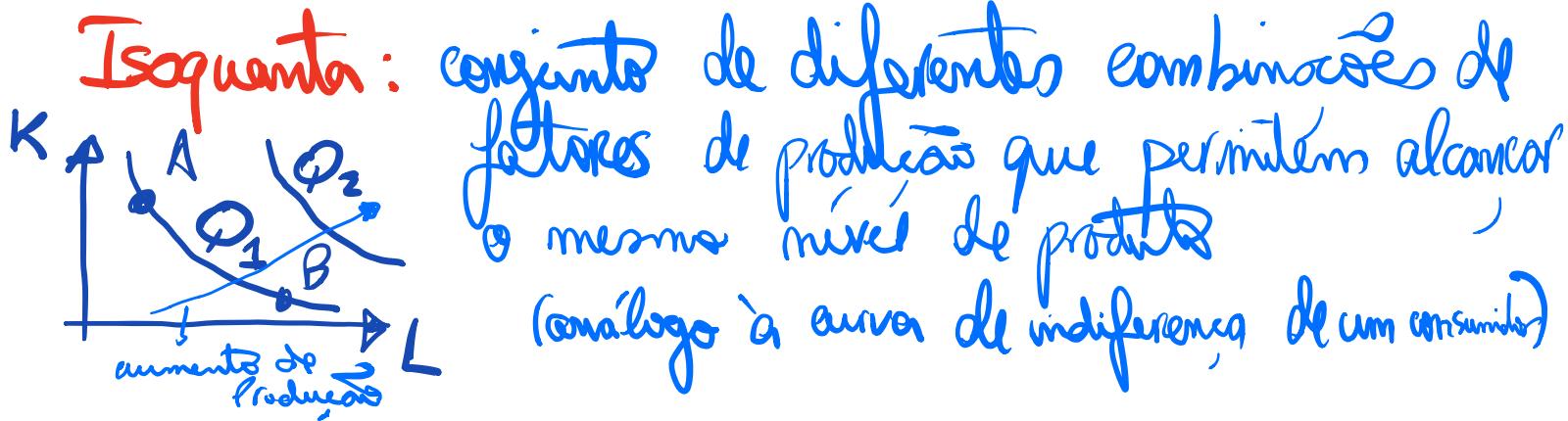
Ponto ótimo

$$\omega = P \cdot P_{marg} L$$

$P \cdot P_{marg} L > \omega \Rightarrow$ última unidade de trabalho está a dar um benefício à empresa superior ao seu custo

$P \cdot P_{marg} L < \omega \Rightarrow$ última unidade de trabalho representa um custo para a empresa

7.4. Isoquanta e Isocustos



Isocusto: combinações de fatores que geram o mesmo custo a empresa
(análogo à restrição orçamentar do consumidor)

Curva de isocusto

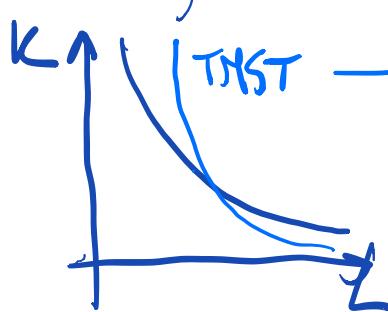
$$K = \frac{C}{r} - \omega L$$

$$C = rK + \omega L$$

custo \leftarrow custo \downarrow custo do capital \downarrow wage (salário) \rightarrow unidades de trabalho
 capital \downarrow
 (taxa de juro, taxa)

7.4. Taxa marginal de substituição técnico na decisão do produtor a longo prazo

Taxa marginal de substituição técnico



$$TMSST_{K,L} = -\frac{\partial K}{\partial L} = \frac{P_{mgL}}{P_{mgK}}$$

lei: $\frac{\partial |TMSST_{K,L}|}{\partial L} < 0$

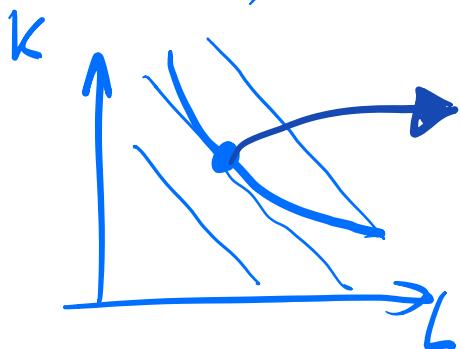
a $TMSST_{K,L}$ é decrescente em valor absoluto

Pois, à medida que se utilizam mais unidades de um dos fatores de produção, o outro fator tem cada vez maior valor relativo, pelo que se tem de desistir de cada vez menos unidades desse fator.

(só para fatores substitutivos)

Qual é ótimo para a empresa?

Combinação de isoquanta ao menor isocusto



$$\frac{P_{marg_L}}{P_{marg_K}} = \frac{\omega}{r}$$

$$(TMST_{KL} = \left. \frac{\partial K}{\partial L} \right|_{\text{isocusto}})$$

Este equilíbrio é único

1.6. Resolução do problema do produtor

Hipótese: $Q = c L^a K^b$ (função produção de uma empresa)

$P_{marg_K}(P_K)$ e $P_{marg_L}(P_L)$ conhecidos

Qual L e K de modo a obter uma produção $Q = Q_0$? E o seu custo?

$$\text{Min } C = \omega L + r K \Rightarrow \frac{\partial C(L, K(L))}{\partial L} = 0$$

$$\text{dado } Q_0 = c L^a K^b \quad K(L) = \left(\frac{Q_0}{c L^a} \right)^{1/b}$$

$$\Rightarrow \frac{\omega}{r} = f \left(\frac{Q_0}{c} \right)^{1/b} \left(\frac{a}{b} \right) L^{-\frac{(a+b)}{b}} \Rightarrow L = \left(\frac{\omega b}{a r} \right)^{-\frac{b}{a+b}} \left(\frac{Q_0}{c} \right)^{\frac{1}{a+b}}$$

$$\Rightarrow k = \left(\frac{Q_0}{C} \right)^{\frac{1}{a+b}} \left(\frac{wb}{ar} \right)^{\frac{q}{a+b}} \Leftrightarrow k = \left(\frac{Q_0}{C} \right)^{\frac{1}{a+b}} \left(\frac{wb}{ar} \right)^{\frac{q}{a+b}}$$

check: $L^q k^b = \left(\frac{wb}{ar} \right)^{\frac{-ab+qb}{a+b}} \left(\frac{Q_0}{C} \right)^{\frac{q+b}{a+b}}$

$$wL + rk \Leftrightarrow \left(\frac{Q_0}{C} \right)^{\frac{1}{a+b}} \left[w^{\frac{q}{a+b}} r^{\frac{b}{a+b}} \left(\frac{b}{a} \right)^{\frac{-b}{a+b}} + w^{\frac{q}{a+b}} \left(\frac{b}{a} \right)^{\frac{q}{a+b}} r^{\frac{b}{a+b}} \right] \\ = \left(\frac{Q_0 b^q w^a r^b}{C a^a} \right)^{\frac{1}{a+b}} \left[\frac{q}{b} + 1 \right]$$

Ex: $Q_0 = 100, C = 2, a = 0.4, b = 0.2, r = 5, w = 10$

$$L = k = 678.6 // C_0 = 10179.1$$

1.1. Rendimentos à escala

Concavidade de longo prazo semelhante à lei dos rendimentos marginais decrescentes mas em vez de variar apenas um fator de produção variam todos à mesma escala

ex:

$$Q = Q(L, K), Q(nL, yK) = n^a y^b Q(L, K)$$

Φ apresenta
rendimentos crescentes
à escala
(< 1 decrescentes)

Capítulo 8

Teoria do produtor

(Ótica dos custos)

Qual a relação entre quantidades produzida e custos de produção a curto e longo prazo?

8.1. Análise de curto prazo: dedução da curva de custos a partir da curva de produto total

função de produção $Q = f(K, L)$ → trabalho
capital

custo prazo: $K = \text{constante}$

$Q = f(L) \rightarrow$ curva de produto total

custo de aquisição do capital \rightarrow custo fixo (CF)
($K \times r$)

custo com o trabalho \rightarrow custo variável (CV)
($L \times w$)

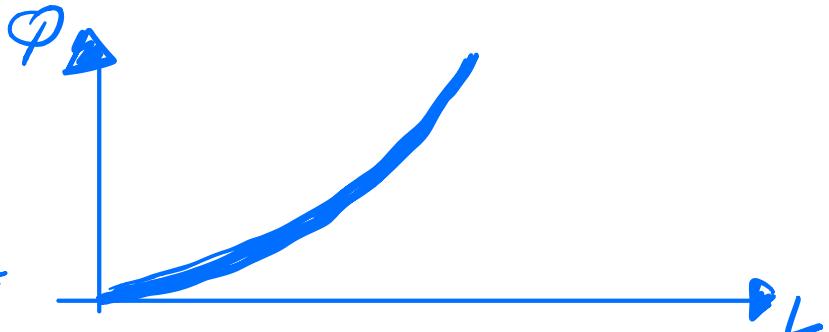
Custo total (CT) = CF + CV

função custo $C(Q) = CV$

exemplo: $Q = -\frac{3}{4}L^3 + KL^2 + 12KL$, $K=5$
 $C = wL + rK$

$$Q = L(12K + KL - 3L^2/4)$$

Possível encontrar $L(Q)$ ←



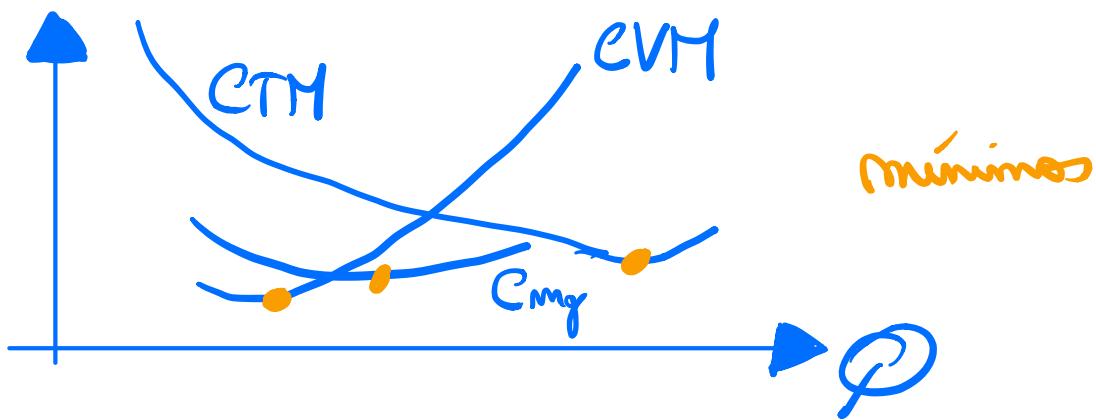
$$C(Q) = wL(Q) + \boxed{rK} \xrightarrow{\text{custo fixo}} \xrightarrow{\text{custo variável}}$$

8.2. Custo médio e custo marginal: a geometria dos custos

$$CV_M = CF + CV_M \Rightarrow \frac{CV}{Q} = \frac{CF}{Q} + \frac{CV}{Q}$$

custo variável
média custo fixo
média custo variável
média

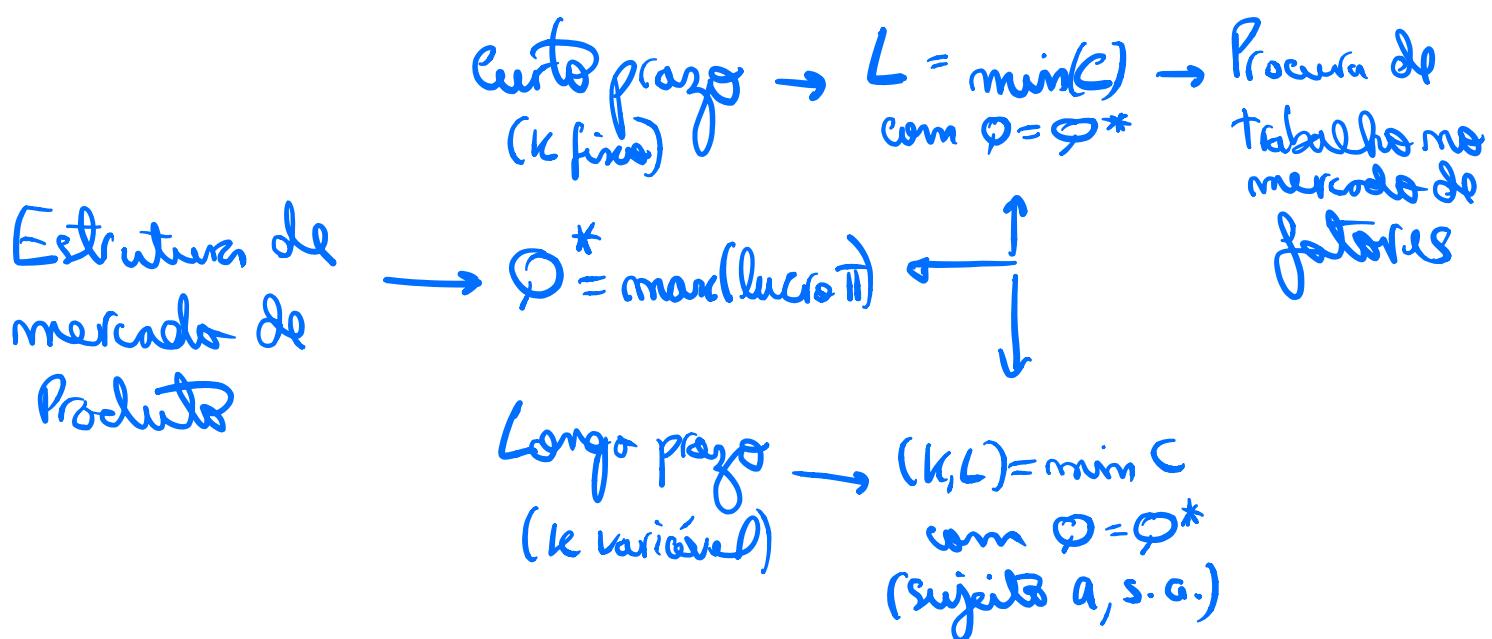
$$C_{Mg} = \frac{dC}{dQ} = \frac{dCV}{dQ} = \frac{dCT}{dQ} \quad (\text{CF constante})$$

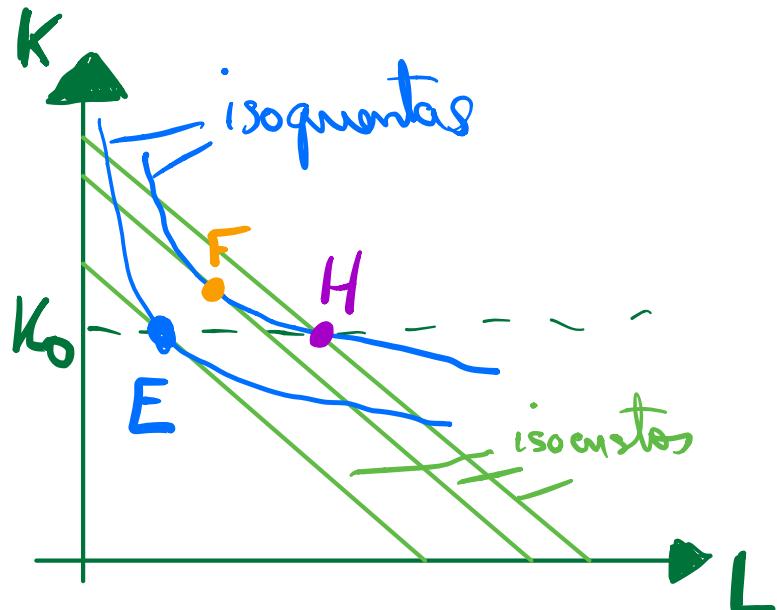


8.3. Análise de longo prazo: relações entre custos médios de longo prazo e as curvas de curto prazo

Longo prazo \rightarrow todos os custos são variáveis

Estrutura dos modelos de teoria do produtor





E - Ponto inicial
 H - aumento de L (curto prazo)
 F - ponto ótimo (longo prazo)

□ A longo prazo, os custos médios são menores ou iguais aos custos médios de curto prazo

$$\text{custo médio} \leftarrow C_{M,L,P}(Q^*) = \frac{rK^* + wL^*}{Q^*}$$

longo +

$$\text{prazo } (K^*, L^*) = \min(rK + wL)$$

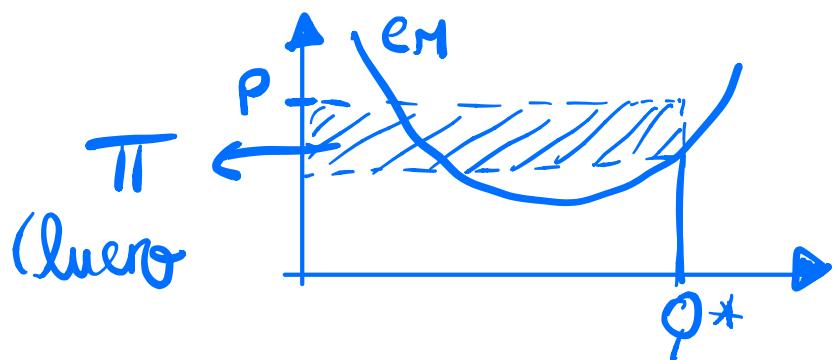
sujeito a - s. a. $f(K, L) = Q^*$ → quantidade ótima a produzir (maximizando lucro)

8.4. A relação entre custos e lucro:
 o lucro económico e o lucro contabilístico

empresas tem lucro se $P > C_{TH}$

$$\text{lucro económico } \Pi = RT - CT = \overbrace{Q_x(P - C_{TH})}^{\substack{\text{receitas totais} \\ \text{custos totais}}}$$

$$\Pi = Q_x(P - CTM)$$



= custos de oportunidade

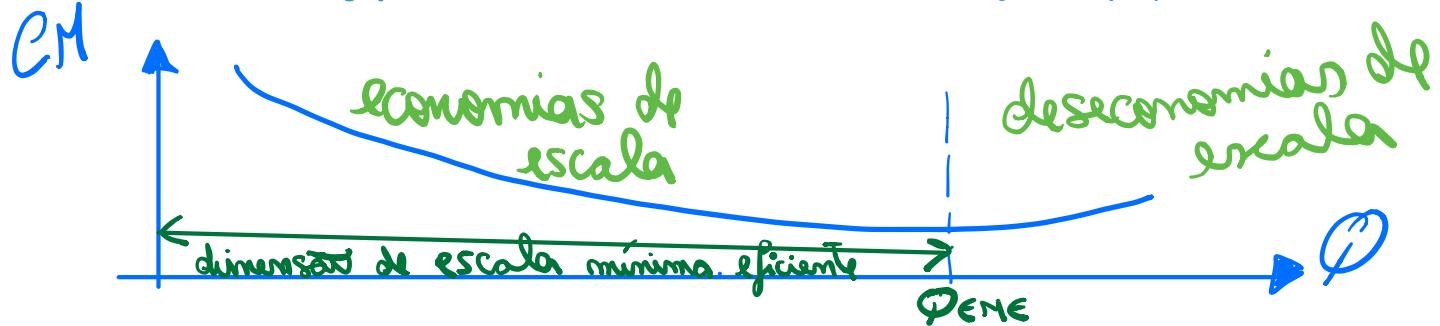
Custo de um fator de produção (Valor da sua melhor utilização alternativa)

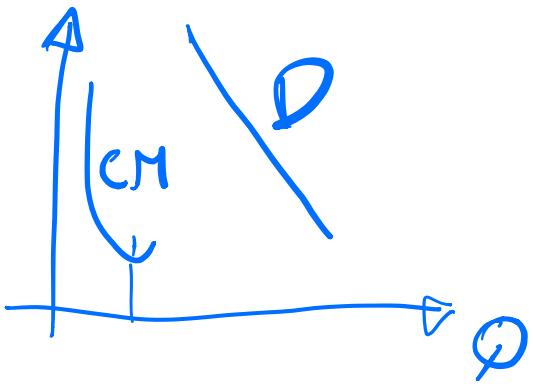
- explícitos : despesa, pagamentos efetivos
- implícitos : sem pagamento efetivo

lucro contabilístico \Rightarrow apenas custos explícitos
+ depreciações (implícitos)

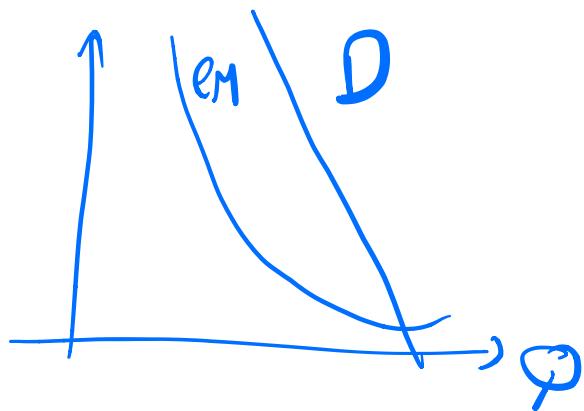
lucro económico \leq lucro contabilístico
(Todos os custos de oportunidade)

8.5. Economias de escala: relações com a estrutura de uma indústria





Muitas empresas, concorrência feroz



Poucas empresas, menor concorrência

Custo afundado : custo irrecuperável num ato específico que só tem valor para a atividade para qual foi concedido.

Rendimentos à escala: função de produção é homogênea com grau superior a 1

$$Q(\alpha k, \alpha L) > \alpha Q(k, L)$$

Livro: Margaels & Ferreira

Capítulo 9

Mercados

9.1. Definições de mercado e diferentes tipos de mercados

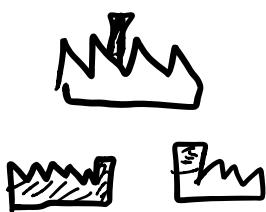
Mercado - qualquer arranjo onde seja possível confrontar os interesses dos compradores e dos vendedores

Diferentes estruturas de mercados

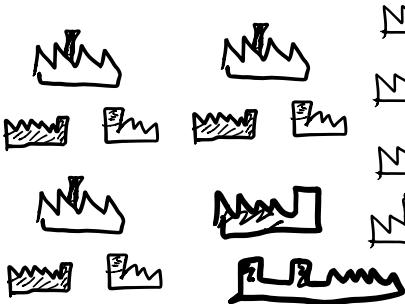
Monopólio



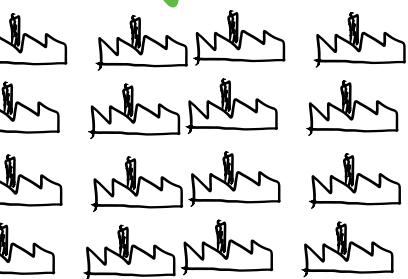
Oligopólio*



Concorrência Monopolística



Concorrência Perfeita



* não abordados no livro

9.2. Concorrência Perfeita

Notas gerais

"Muitas empresas a vender o seu produto"

Pressupostos

① Atomicidade dos agentes

Muitos compradores e muitas empresas

② Homogeneidade do produto

Não existe diferenças entre os diferentes produtos das empresas

③ Informações perfeitas e simétricas

Todos os agentes têm informação total sobre os produtos

④ Mobilidade dos fatores de produção

Empresas têm acesso às formas mais eficientes de produzir assim como aos restantes fatores de produção · disponibilidade

⑤ Livre entrada e saída das empresas

Qualquer agente económico pode abrir e fechar uma empresa sem custos adicionais em qualquer momento

→ Nenhuma empresa tem poder de mercado sobre a preia, preia infinitamente elástica



Soluções de curto prazo em concorrência perfeita

$$\max(\Pi) = P \cdot Q - CT = RT - CT$$

$$\frac{\partial \Pi}{\partial Q} = 0 \Rightarrow R_{mrg} = C_{mrg} \Rightarrow \text{última unidade produzida dá um benefício igual aos custos}$$

$$\Rightarrow \boxed{P = C_{mrg}}$$

lucro não é zero, lucro da última unidade é 0.

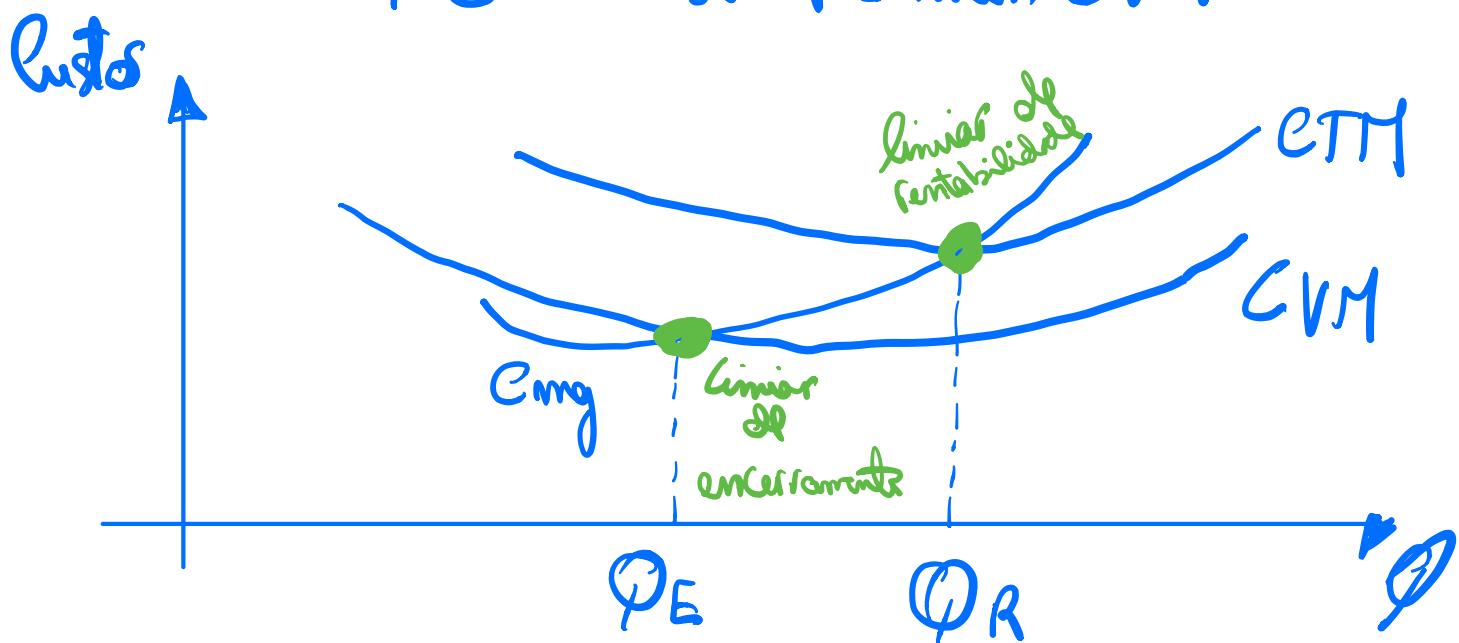
$$\text{e } \frac{\partial^2 \Pi}{\partial Q^2} < 0 \Rightarrow C_{mrg}' > 0$$

Empresa só fecha portas, a curto prazo,
 caso ~~esta~~ não consiga cobrir os custos
 Variáveis (além dos fixos)

$$\Pi = \underbrace{Q(P - CVM)}_{\text{Linha de custo}} - CF$$

$P > CVM$ a curto prazo, mesmo que $\Pi < 0$
 e terá prejuízo!

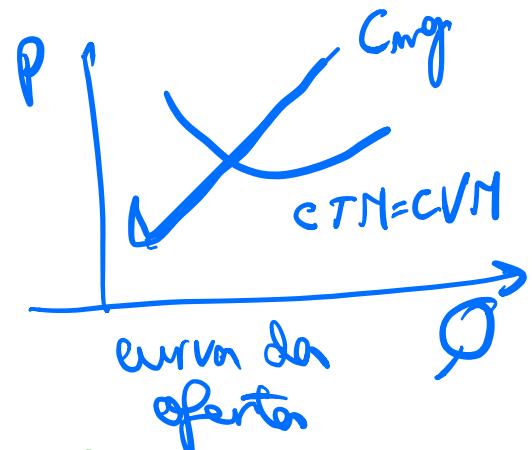
$$\Rightarrow Q = \begin{cases} P - C_{mg} & \text{se } P \geq \min CVM \\ 0 & \text{se } P < \min CVM \end{cases}$$



Soluções de longo prazo em cava. perf.

$$Q = \begin{cases} P = CMg & \text{se } P \geq \min CM \\ 0 & \text{se } P < \min CM \end{cases}$$

Tem de ter lucro!



Passo temba prejuízo → falência

Passo temba lucro → entram mais empresas
→ preço desce

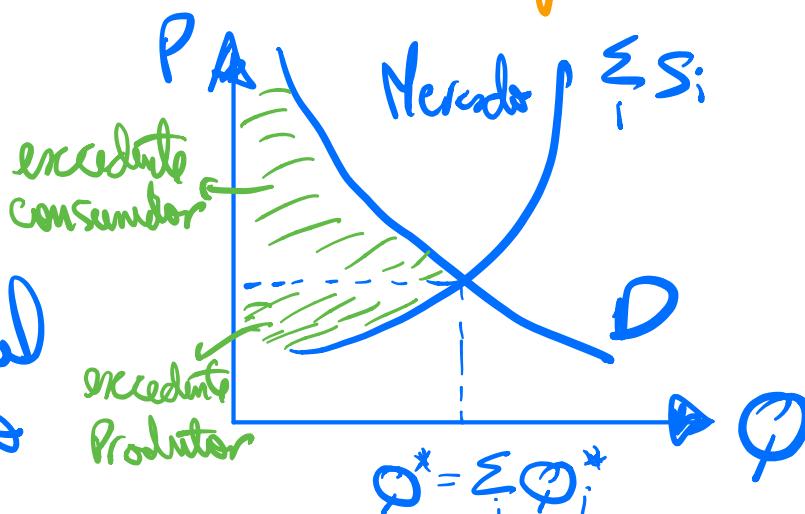
Longo longo prazo → lucro de todas as empresas no mercado é 0!



Lucro zero é apenas o lucro econômico, descontado o custo de oportunidade.
⇒ lucro contabilístico é positivo

Equilíbrio de mercados

Bem-estar social
é maximizado



Porque falha a concorrência perfeita?

Porque um dos 5 pressupostos pode falhar

9.4. Monopólio

Solução das empresas em monopólio

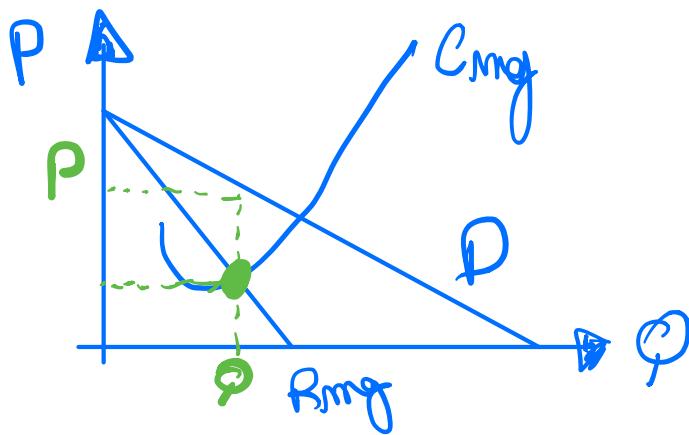
Preço depende da procura, mas é uma variável exógena ao modelo.

$$\max(\Pi = RT - CT) \Rightarrow R_{mrg} = C_{mrg}$$

$$RT = P \times Q, \text{ e preço } P = P(Q)$$

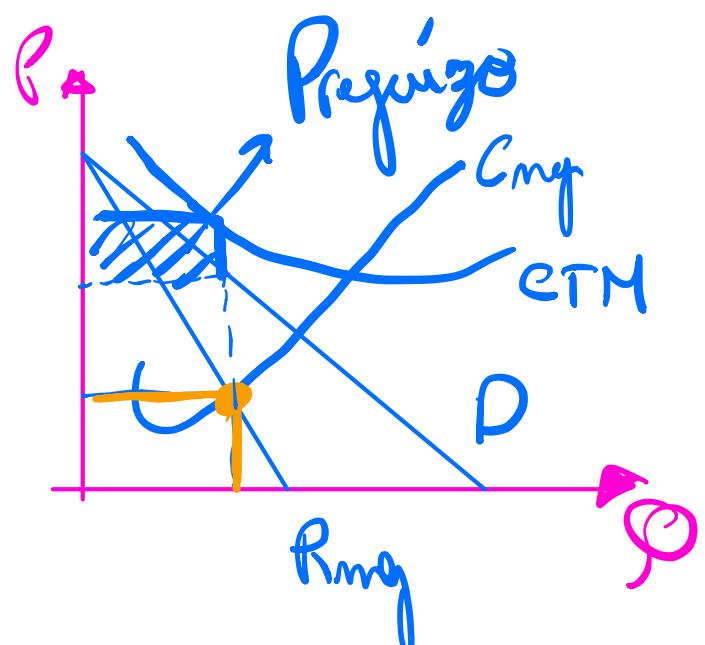
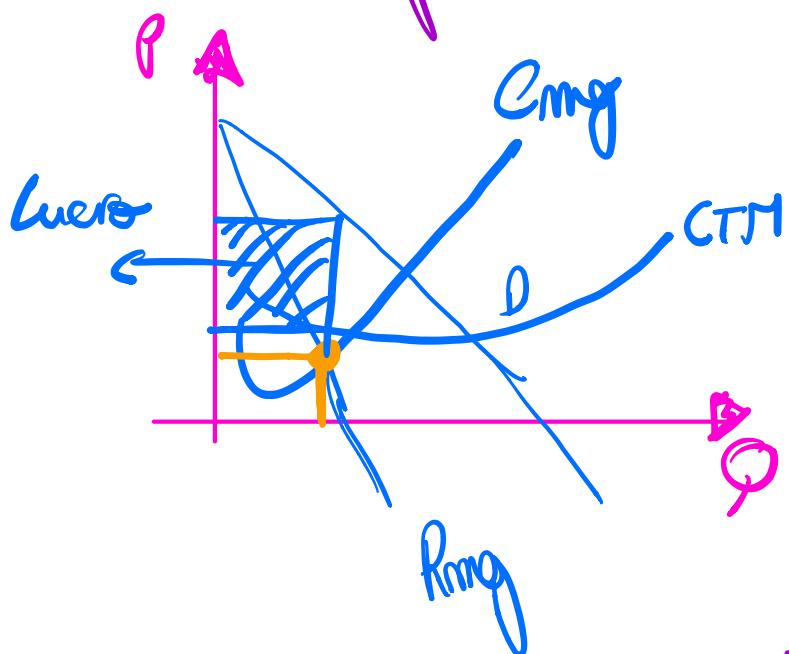
exemplo $P = a - bQ \rightarrow RT = aQ - bQ^2$

$$R_{mrg} = a - 2bQ$$



- Em monopólio, não existe uma curva da oferta de modo que existir uma relação entre quantidade ótima e preço.

Apesar de lucro não ser máximo, este pode ser negativo!



Tudo depende da curva da procura

→ Monopolista pode ter prejuízos

$$Receita total = P \cdot Q$$

$$R_{mg} = \frac{dRT}{dQ} = P \left(1 - \frac{1}{|\varepsilon|}\right), \quad \varepsilon = \text{elasticidade da procura}$$

$$= Cmg \quad (\text{no ponto de maximização do lucro})$$

$$\Rightarrow 1 - \frac{1}{\varepsilon} > 0 \Rightarrow |\varepsilon| > 1$$

Monopolista opera sempre na zona elástica da procura.

$$P = C_{mg} \frac{|\varepsilon|}{|\varepsilon| - 1} > C_{mg}$$

Preço superior à situação de concorrência perfeita

Pessoas com grandes barreiras de entrada com custos afundados e custos marginais baixos
 → Monopólio Natural (comunidades de água e luz)

Situações de subatividade

de custos → situações em que, do ponto de vista dos custos, é mais eficiente ter uma empresa e não duas a fornecer o serviço

$$e(Q) \leq c(Q_1) + c(Q_2)$$

Caso $c = Q^2 + B$

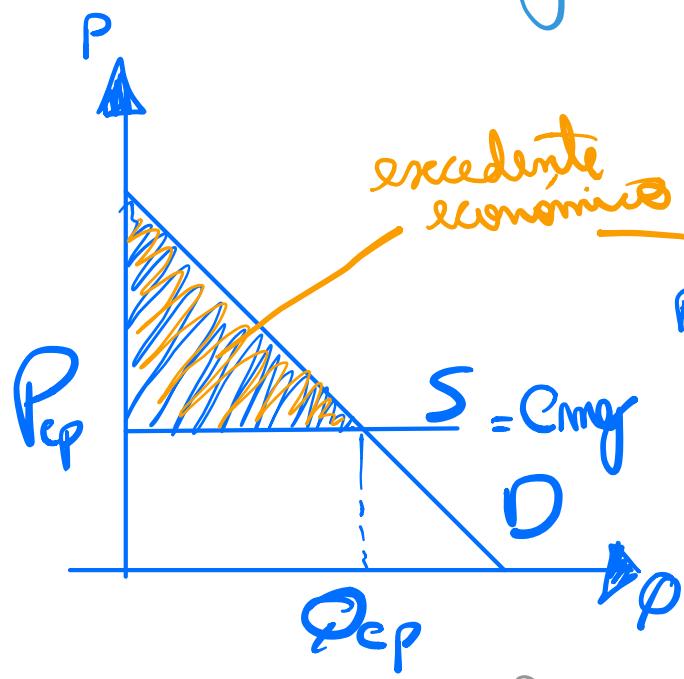


$$Q^2 + B \leq 2\left(\frac{Q}{2}\right)^2 + 2B$$

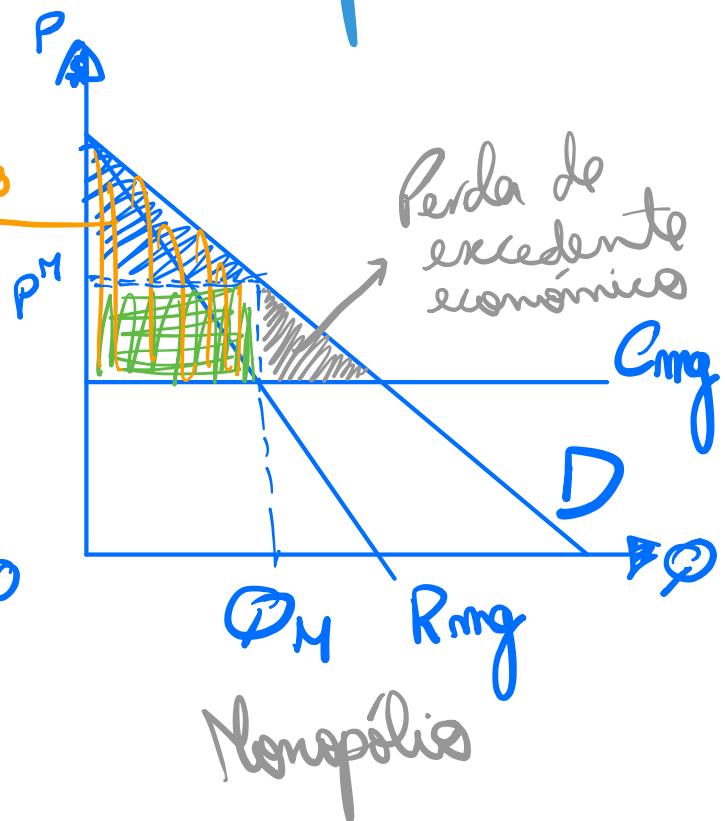
$$\rightarrow Q \leq \sqrt{2B}$$

Caso a procura leve a $Q \leq \sqrt{2B}$, monopólio natural

Concorrência Perfeita vs. Monopólio



Concorrência Perfeita



Monopólio